

# VALIDATION & VERIFICATION

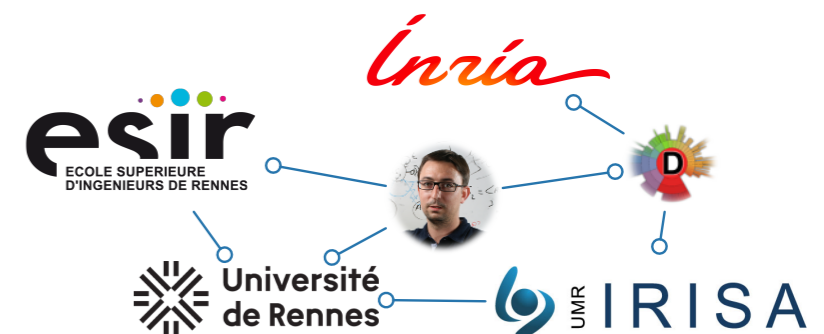
## *TEST QUALIFICATION*

---

UNIVERSITY OF RENNES, ESIR, 2023-2024

**BENOIT COMBEMALE**  
FULL PROFESSOR, UNIVERSITY OF RENNES, FRANCE

[HTTP://COMBEMALE.FR](http://combemale.fr)  
[BENOIT.COMBEMALE@IRISA.FR](mailto:benoit.combemale@irisa.fr)  
[@BCOMBEMALE](https://twitter.com/bcombemale)



# Test criteria

---

- Software testing aims at finding faults
- Yet, we don't know what are faults
  - **if** (days > 366) a fault?
- But we still need to test for a purpose
- Test criteria provide unambiguous objectives for test generation
  - Hopefully leading to test cases that find faults

# Test criteria

---

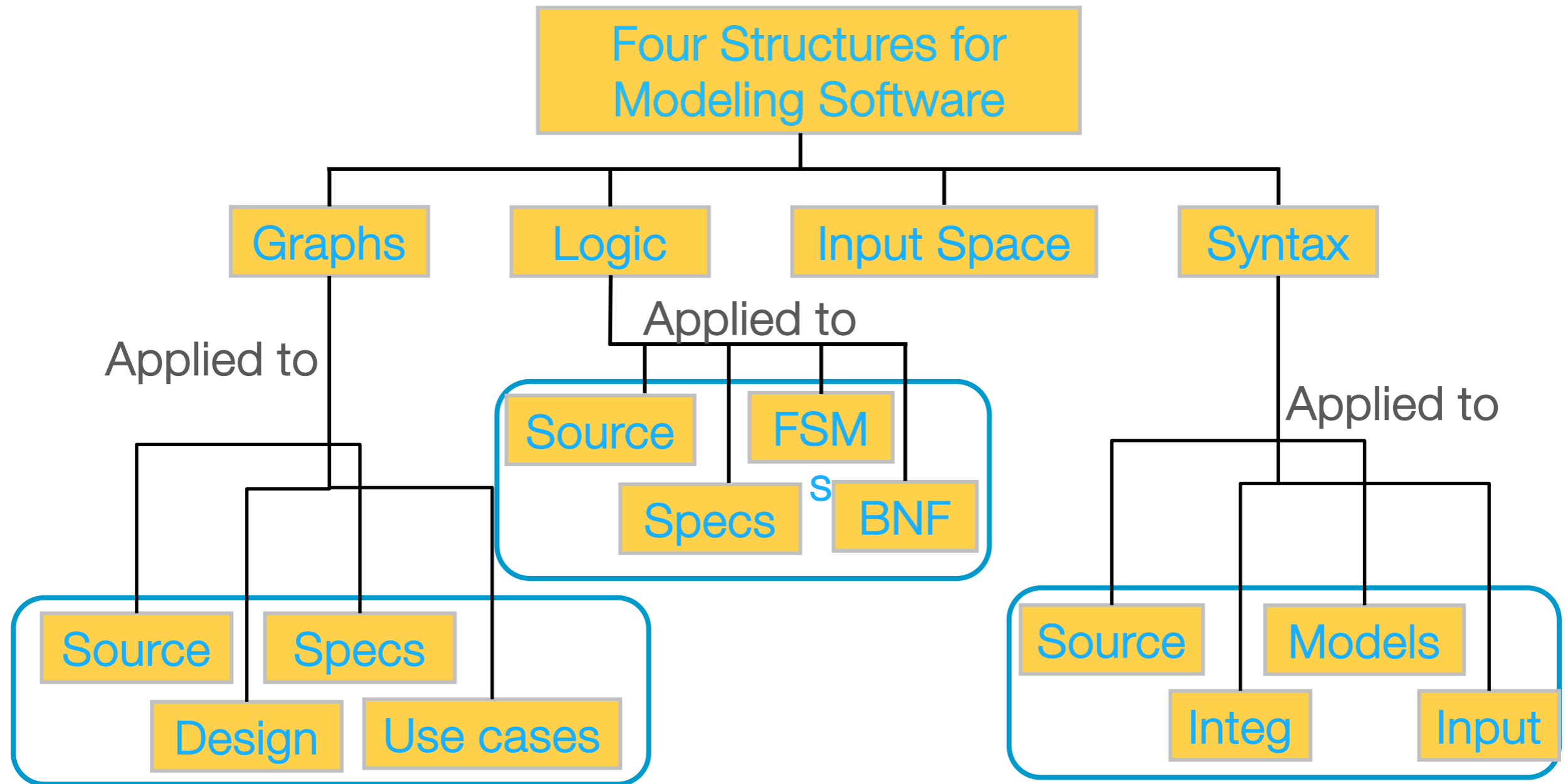
- Different view on software testing
- Software testing aims at defining a model of the software
  - build the model
  - test criterion defines a set of test requirements
  - generate tests that fulfill the requirements

# Test models and criteria

---

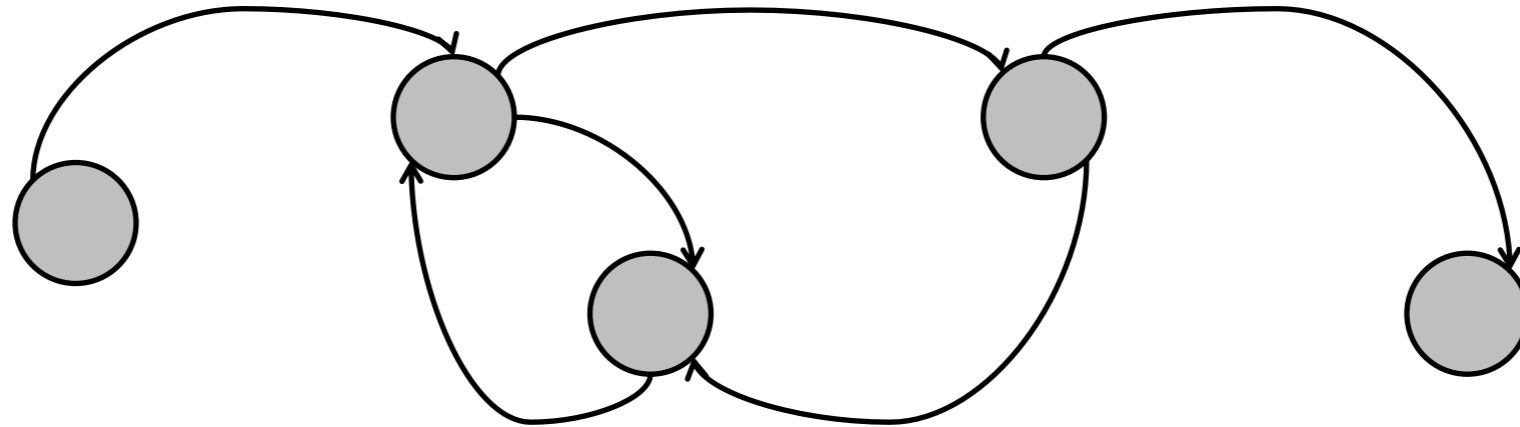
- Large numbers of models
  - control / data flow
  - flow of pages in a web site
  - API
  - ...
- Large number of criteria
  - cover the paths
  - cover the input space
  - cover all conditions to execute a function
  - ...

# Four structures



# Graphs

---



- Can capture
  - control flow in a function
  - method calls in a program
  - dependencies in a class diagram
  - states and transitions
  - flow in a web site
  - ...

# Logic

---

$((a > b) \text{ or } (b == c)) \text{ and } z$

- Formula are found in
  - Decisions in a program
  - Pre and post conditions
  - Conditions to access a specific resource or state
  - ...

# Input space

---

- Input space modeling
  - identify the parameters
  - select a finite number of values for each parameter
  - select combinations
- Unit level
  - `pgcd(int x, int y)`
  - `x : {0,1, -1, 1000}; y : {0,1, -1, 1000}`
  - Test data: (0,0), (0,1), (0,-1)...
- System level
  - fields in a web form
  - actions in a GUI



# Syntax

---

```
for (( <EXPR1> ; <EXPR2> ; <EXPR3> )) ;  
do <LIST> ;  
done
```

- Syntactic description of inputs
  - command-line programs
  - configurable systems
  - inputs for parsers, compilers
  - ...

# White and black box criteria

---

- Test model depends on available elements
- White-box: the code is available
  - control / data flow in the program
  - method calls
  - parameter types
- Black-box: a form of specification is available
  - user-level inputs
  - GUIs
  - documentation

---

# WHITE BOX CRITERIA

# Test structurel

---

- A partir d'un modèle du code
  - modèle de contrôle (conditionnelles, boucles...)
  - modèle de données
  - modèle de flot de données (définition, utilisation...)
- Utilisation importante des parcours de graphes
  - critères basés sur la couverture du code

# Le test structurel

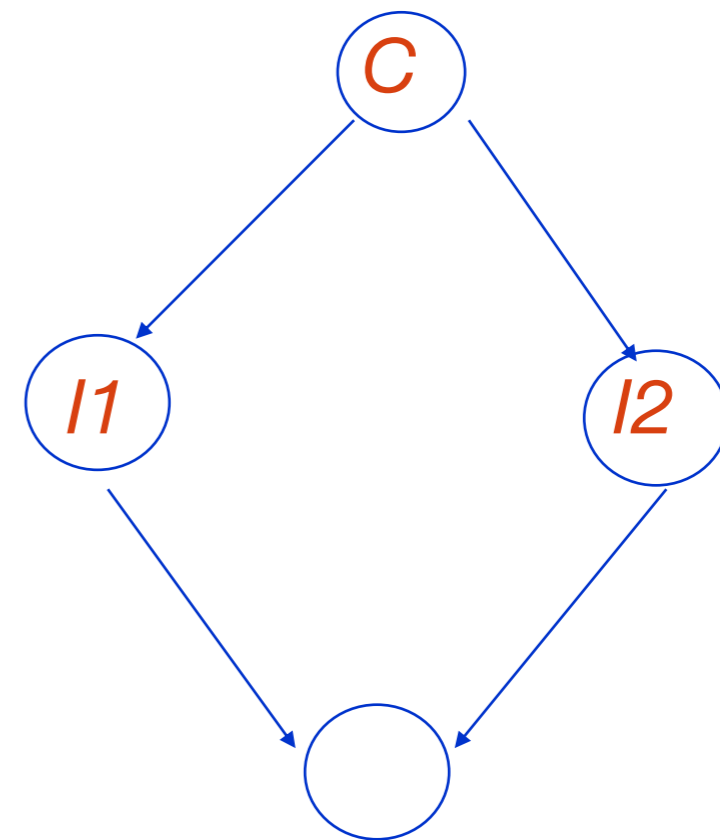
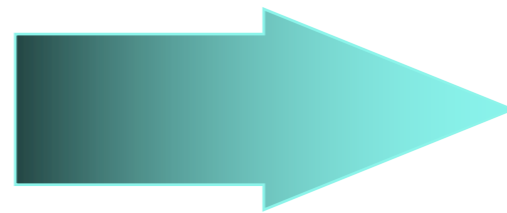
---

- Les tests sont construits en exploitant
  - la structure de l'architecture : test d'intégration
  - la structure du programme : test unitaire structurel
- Quel est le rôle de la structure (par rapport à une boîte noire)
  - Offrir des informations sur la manière dont le système est réalisé (le comment)
  - Des éléments qui doivent être couverts par les tests
    - Critères de couverture

# Le test unitaire structurel: abstraire pour obtenir un critère formel

---

*si C alors I1  
sinon I2*



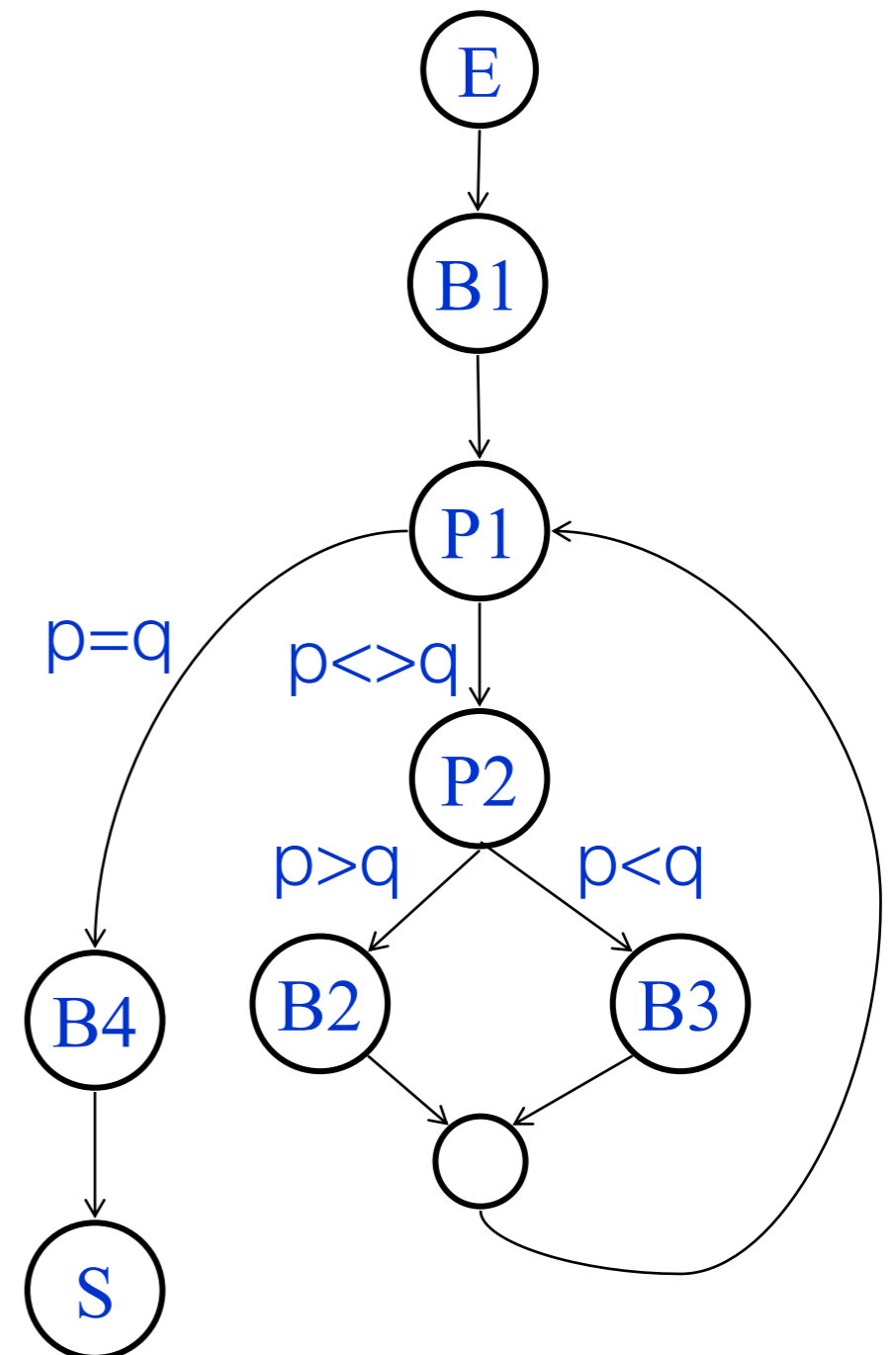
# Le test unitaire structurel

---

- Graphe de Contrôle (langages procéduraux/actionnels)
  - But : représenter tous les chemins d'exécution potentiels
  - Graphe orienté : avec un noeud d'entrée E et un noeud de sortie S  
(noeud fictif ajouté si plusieurs sorties)
  - Sommets :
    - blocs élémentaires du programme, ou prédicats des conditionnelles /boucles, ou noeuds de jonction "vide" associé à un noeud prédicat
    - Bloc élémentaire : séquence maximale d'instructions séquentielles
  - Arcs :
    - enchaînement d'exécution possibles entre deux sommets

# Exemple de test unitaire structurel

```
pgcd: integer is
local p,q : integer;
do
  read(p, q)           B1
  while p<>q do        P1
    if p > q           P2
      then p := p-q    B2
      else q:= q-p     B3
      end -- if
    end -- while
  result:=p           B4
end-- pgcd
```





# Le test unitaire structurel

---

- Question : Sur ce modèle imaginer un critère de couverture
  - minimal
  - maximal

# Le test unitaire structurel

---

- Chemin: suite d'arcs rencontrés dans le graphe, en partant de E et finissant en S.
  - en général représenté sans perte d'information par une liste de sommets
- Prédicat de chemin: conjonction des prédicats (ou de leur négation) rencontrés le long du chemin.



- Pas toujours calculable

E B1 P1 P2 B2 S :  $p_1=q_1$  &  $p_0 > q_0$  ( $p_i$  = ième valeur de p)

E B1 P1 P2 B3 S :  $p_1=q_1$  &  $p_0 \leq q_0$  ( $p_i$  = ième valeur de p)

E B1 P1 (P2 B2)<sup>n</sup> S :  $p_n=q_n$  & ( $p_i > q_i$   $i \in [0..n]$ )

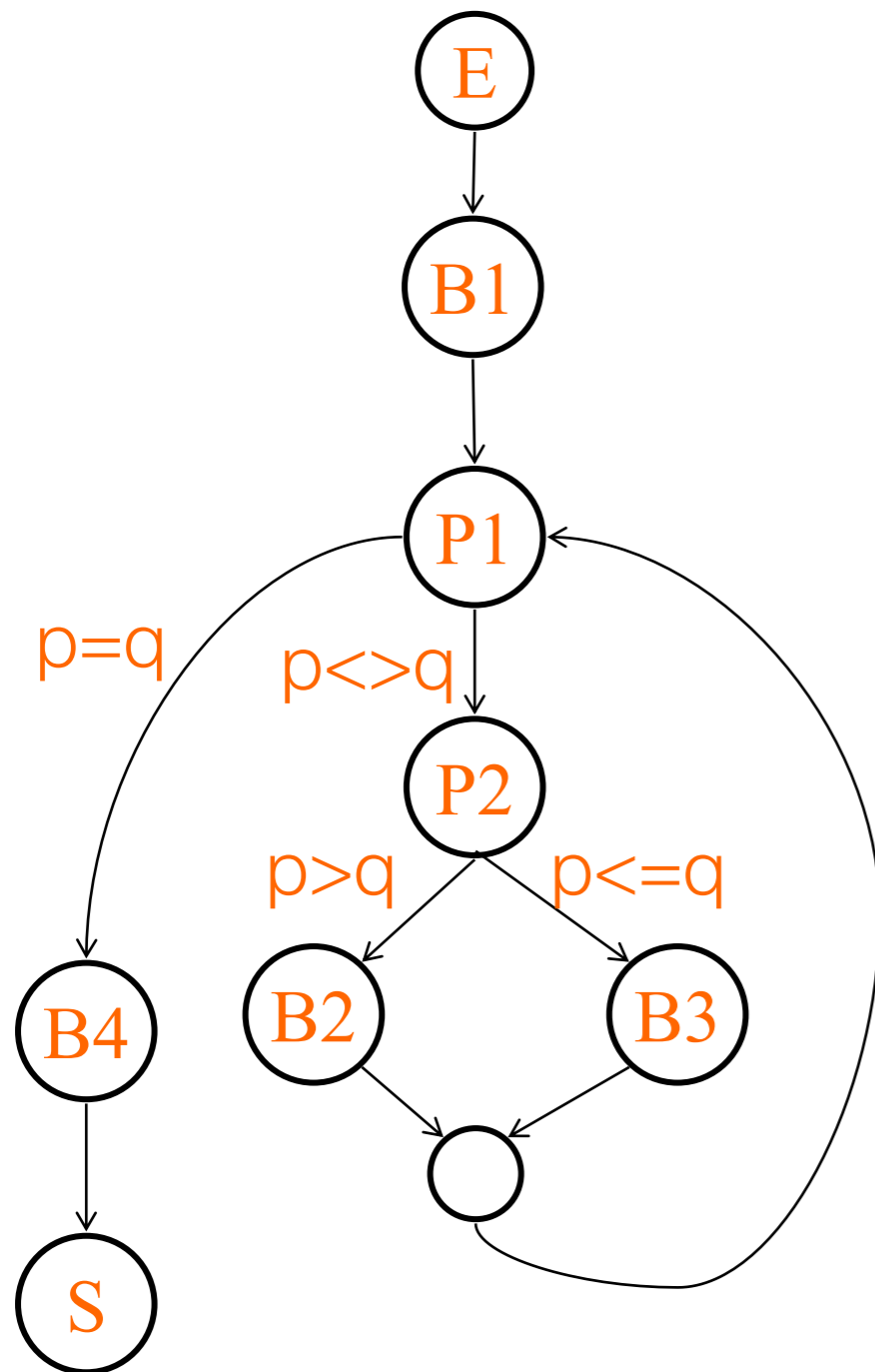
Chemins infaisables : problème en général indécidable

# Le test unitaire structurel

---

- Critère maximal
  - Couverture des chemins
- « Tous les chemins »
  - Nombre très souvent infini
  - Non atteignable
- « Tous les k-chemins »
  - Les chemins qui passent au maximum k fois dans le corps des boucles
- « Tous les chemins élémentaires »
  - 0 à 1 passage dans les corps de boucles
- Question: est-ce faisable ?

# Exemple de test unitaire structurel



*Tous les noeuds:*

(E, B1, P1, P2, B2, P1, B4, S)

(E, B1, P1, P2, B3, P1, B4, S)

*Tous les arcs : idem*

*Tous les chemins élémentaires (1-chemin) :*

idem + (E, B1, P1, B4, S)

*Tous les 2-chemins :*

idem +

(E, B1, P1, P2, B2, P1, P2, B2, P1, B4, S)

(E, B1, P1, P2, B2, P1, P2, B3, P1, B4, S)

(E, B1, P1, P2, B3, P1, P2, B2, P1, B4, S)

(E, B1, P1, P2, B3, P1, P2, B3, P1, B4, S)

# Exercice: fonction d'ajout dans une liste triée

**action** Insère (x : entier, donnée-résultat L : liste)

**lexique**

courant, précédent, nouveau : liste ;

continue : booléen ;

**algorithme**

B1 {  
P1 {  
P2 {  
B2 {  
B3 {  
B4 {  
P3 B5 {  
B6 {  
**si** précédent == nil **alors** L = nouveau  
**sinon** précédent.suiv = nouveau  
**fsi**  
**fin algorithme**

# Avantages et limites

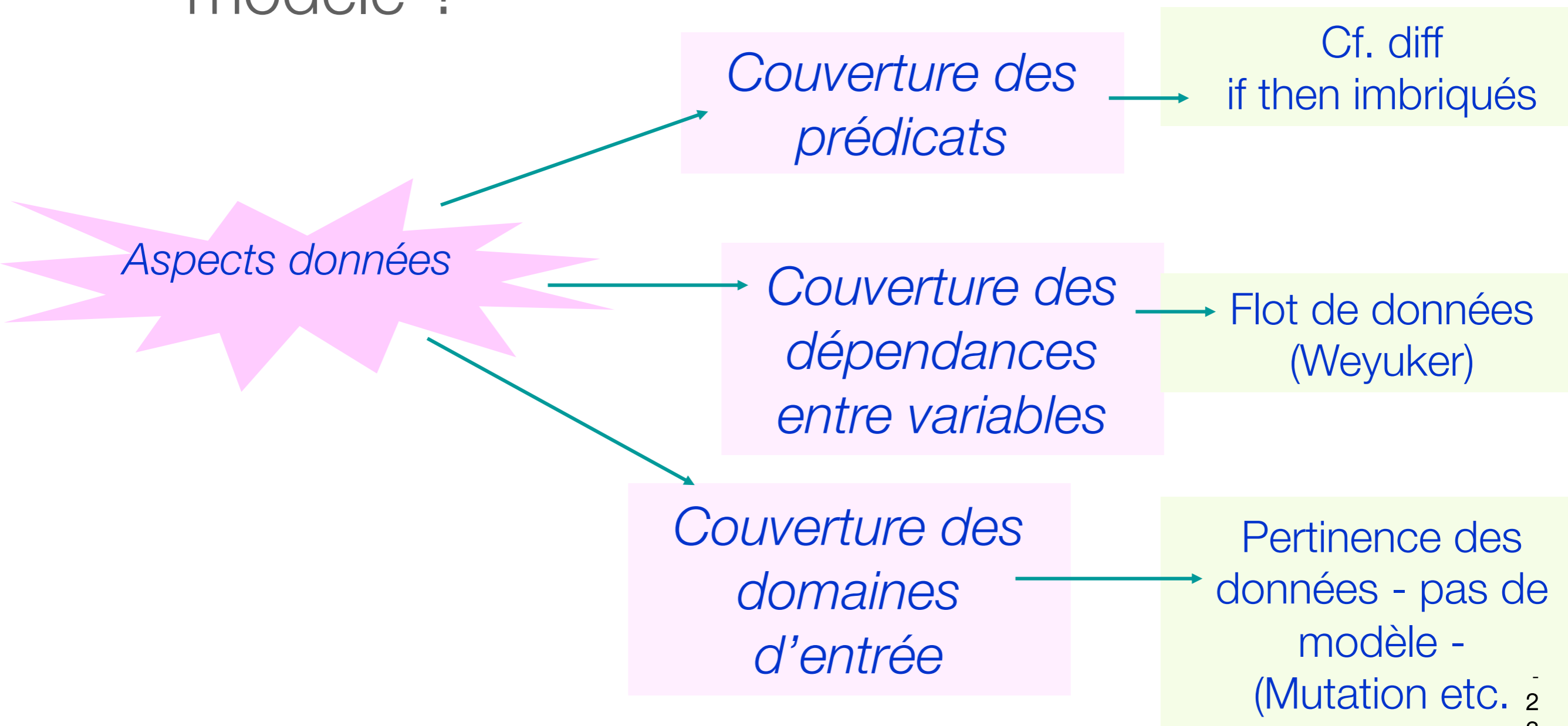
---

- Critère systématique
- Grands nombre de chemins
- Chemins infaisables : problème en général indécidable

# Test unitaire structurel

---

- Question : qu'est-ce que ne capture pas ce modèle ?



# Le test unitaire structurel

---

- Graphe de Flot de Données (Weyuker)
  - But : représenter les dépendances entre les données du programme dans le flot d'exécution.
  - Graphe de contrôle **décoré** d'informations sur les données (variables) du programme.
  - Sommets : idem GC +
    - une **définition** (= affectation) d'une variable  $v$  est notée  $def(v)$
    - une **utilisation** d'une variable est  $v$  notée  $P\_use(v)$  dans un prédicat et  $C\_use(v)$  dans un calcul.



# Le test unitaire structurel

pgcd: integer is

local p,q : integer;

do

read(p, q)

B1 - Def(p), Def(q)

while p<>q do

P1 - Puse(p), Puse(q)

if p > q

P2 - Puse(p), Puse(q)

then p := p-q

B2 - Def(p), Cuse(q), Cuse(p)

else q:= q-p

B3 - Def(q), Cuse(p), Cuse(q)

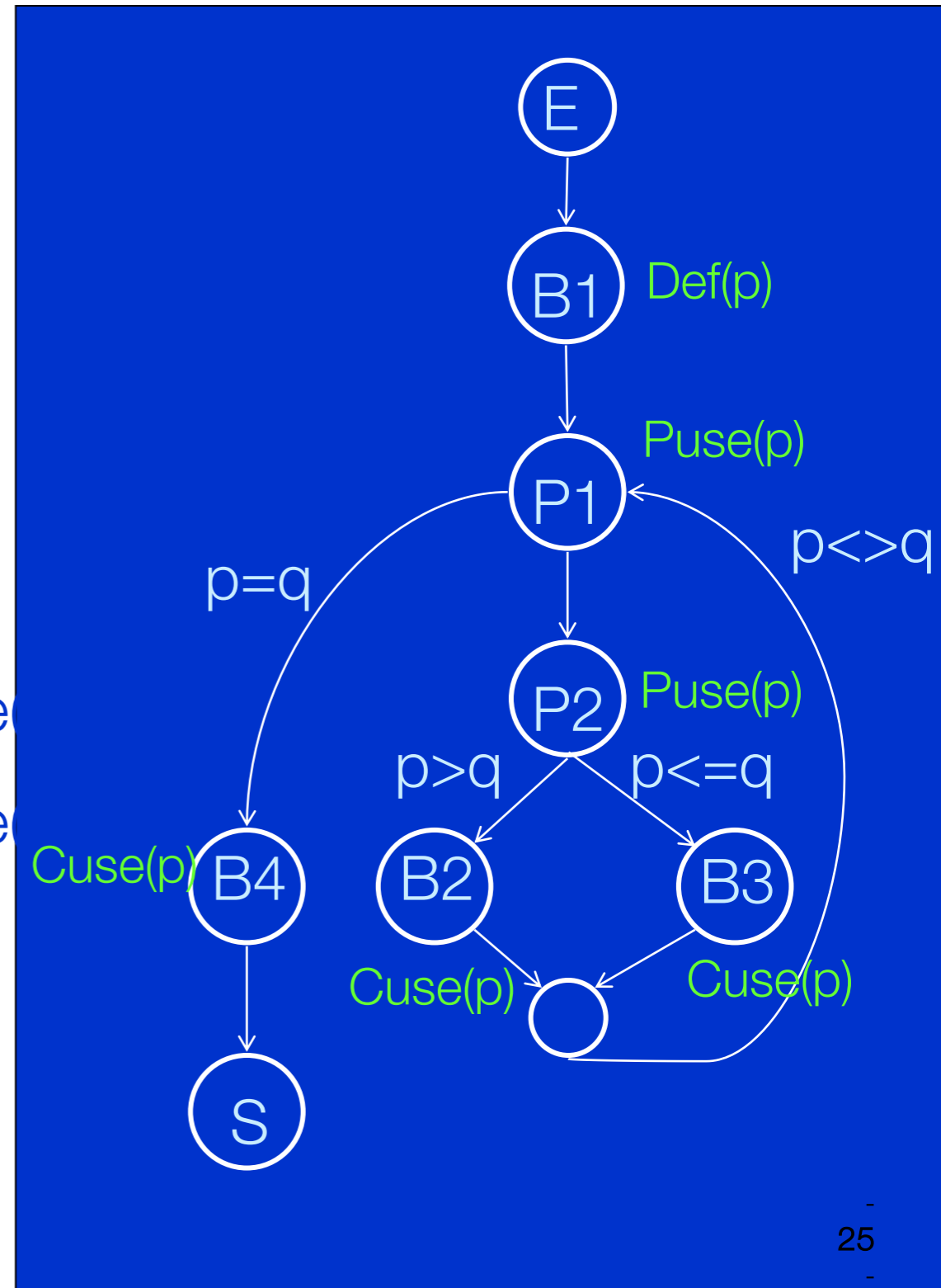
end -- if

end -- while

result:=p

B4 - Cuse(p),

end-- pgcd



# Paires DU

---

<b>Variable</b>	<b>Paires DU</b>
<b>p</b>	<b>(B1,P1) (B1,P2) (B1,B2) (B1,B3) (B1,B4) (B2,B2)(B2,B3) (B2,B4)</b>
<b>q</b>	<b>(B1,P1) (B1,P2) (B1,B2) (B1,B3) (B3,B3)(B3,B2)</b>

# Chemins DU

---

<b>Paires DU</b>	<b>Chemin DU</b>
<b>(B1,P1)</b>	<b>[B1,P1]</b>
<b>(B1,P2)</b>	<b>[B1,P1,P2]</b>
<b>(B1,B2)</b>	<b>[B1,P1,P2,B2]</b>
<b>(B1,B3)</b>	<b>[B1,P1,P2,B3]</b>
<b>(B1,B4)</b>	<b>[B1,P1,B4]</b>
<b>(B2,B2)</b>	
<b>(B2,B3)</b>	<b>[B2,P1,P2,B3]</b>
<b>(B2,B4)</b>	<b>[B2,P1,B4]</b>

<b>Paires DU</b>	<b>Chemin DU</b>
<b>(B1,P1)</b>	<b>[B1,P1]</b>
<b>(B1,P2)</b>	<b>[B1,P1,P2]</b>
<b>(B1,B2)</b>	<b>[B1,P1,P2,B2]</b>
<b>(B1,B3)</b>	<b>[B1,P1,P2,B3]</b>
<b>(B3,B3)</b>	
<b>(B3,B2)</b>	<b>[B3,P1,P2,B2]</b>

# Chemins DU

12 chemins DU pour le pgcd, seulement 8 uniques

★	<b>[B1,P1]</b>	<b>[B1,P1,B4]</b>	★
☆	<b>[B1,P1,P2]</b>	<b>[B3,P1,P2,B2]</b>	⬠
☆	<b>[B1,P1,P2,B2]</b>	<b>[B2,P1,P2,B3]</b>	⬠
☆	<b>[B1,P1,P2,B3]</b>	<b>[B2,P1,B4]</b>	☆

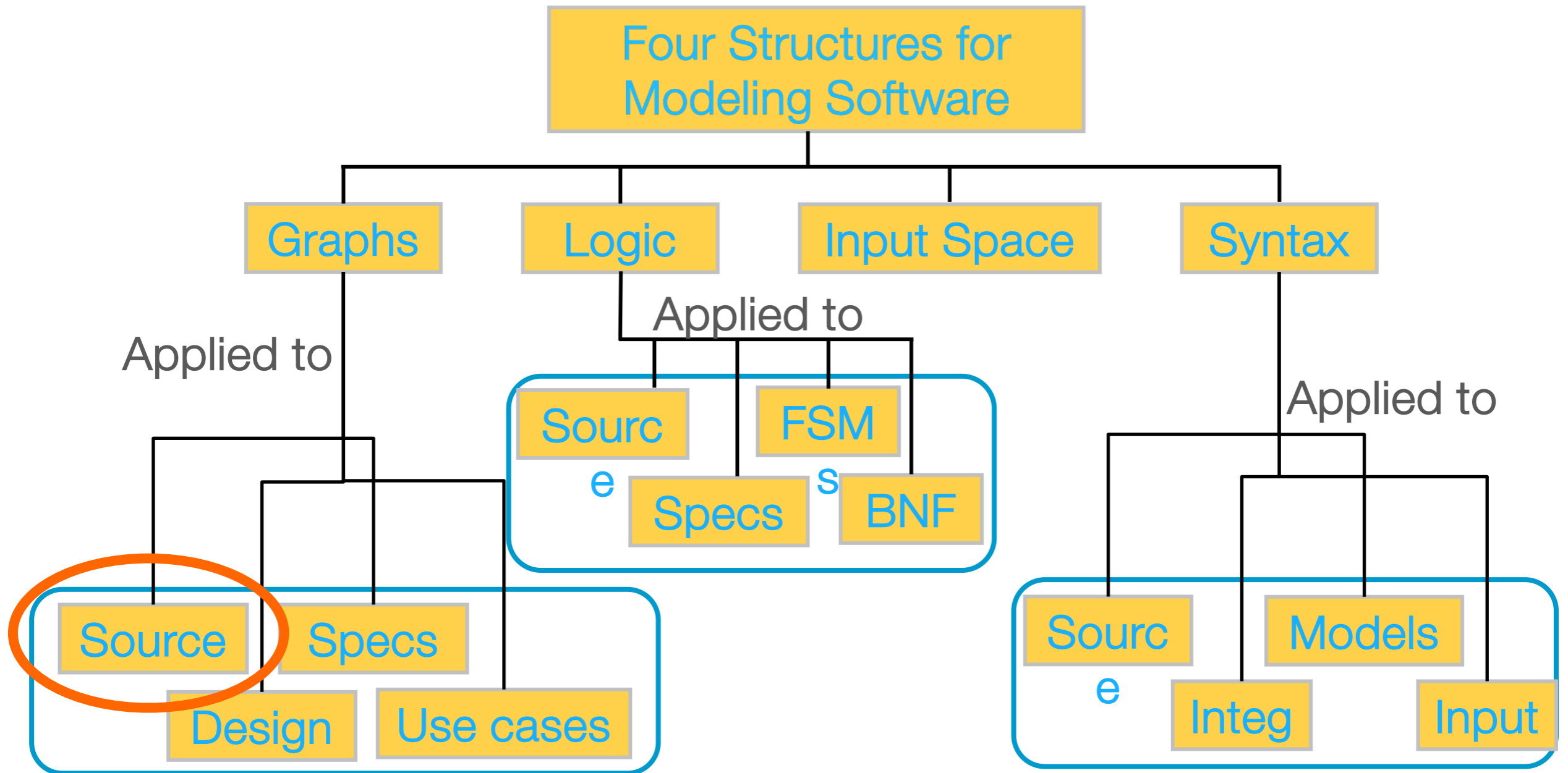
- ★ Forcent à ne pas rentrer dans la boucle
- ☆ Forcent à entrer au moins une fois dans la boucle
- ⬠ Forcent à entrer au moins deux fois dans la boucle

# Données de test

---

- Donnée de test (4,4)
  - Chemin couvert B1, P1, B4
  - Paires DU couvertes [B1,P1] [B1,P1,B4]
- Donnée de test (4,2)
  - Chemin couvert B1, P1, P2, B2, P1, B4
  - Chemins DU couverts [B1,P1,P2] [B1,P1,P2,B2] [B2,P1,B4]
- Donnée de test (2,4)
  - Chemin couvert B1, P1, P2, B3, P1, B4
  - Chemins DU couverts [B1,P1,P2] [B1,P1,P2,B3]
- Donnée de test (6,4)
  - Chemin couvert B1, P1, P2, B2, P1, P2, B3, P1, B4
  - Chemin DU [B2,P1,P2,B3]
- Donnée de test (4,6)
  - Chemin couvert B1, P1, P2, B3, P1, P2, B2, P1, B4
  - Chemin DU couvert [B3,P1,P2,B2]

# Four structures



# Couverture des prédicats

---

if (A && (B || C))

- Critère pour valider les différentes combinaisons de valeurs pour A, B et C

# Critère MC/DC

---

- Modified Condition/Decision Criterion
- A pour but de démontrer l'action de chaque condition sur la valeur de vérité de l'expression (appelée décision)
- Pour satisfaire MC/DC il faut
  - Pour chaque condition, il faut générer 2 cas de test tels que la décision change alors que toutes les autres conditions sont fixées



# Exemple

---

if (A && (B || C))

Pour A    A=0 B=1 C=1 Dec=0

          A=1 B=1 C=1 Dec=1

Pour B    A=1 B=1 C=0 Dec=1

          A=1 B=0 C=0 Dec=0

Pour C    A=1 B=0 C=1 Dec=1

          A=1 B=0 C=0 Dec=0

=> 5 cas de test pour satisfaire MC/DC

# Exercice

---

```
public Cell getNextCell(int nb_prey, int nb_predator) {
    Cell result;
    if ( (nb_predator >= 1 && nb_predator <= 3)
        && nb_prey > nb_predator) {
        result = new Predator();
        ((Herd) result).setPopulation(Cell.MAX_POP/2);
    }
    else if ((nb_prey >= 1 && nb_prey <= 3) && nb_predator == 0) {
        result = new Prey();
        ((Herd) result).setPopulation(Cell.MAX_POP/2);
    }
    else {
        result = new EmptyCell();
    }
    return result;
}
```

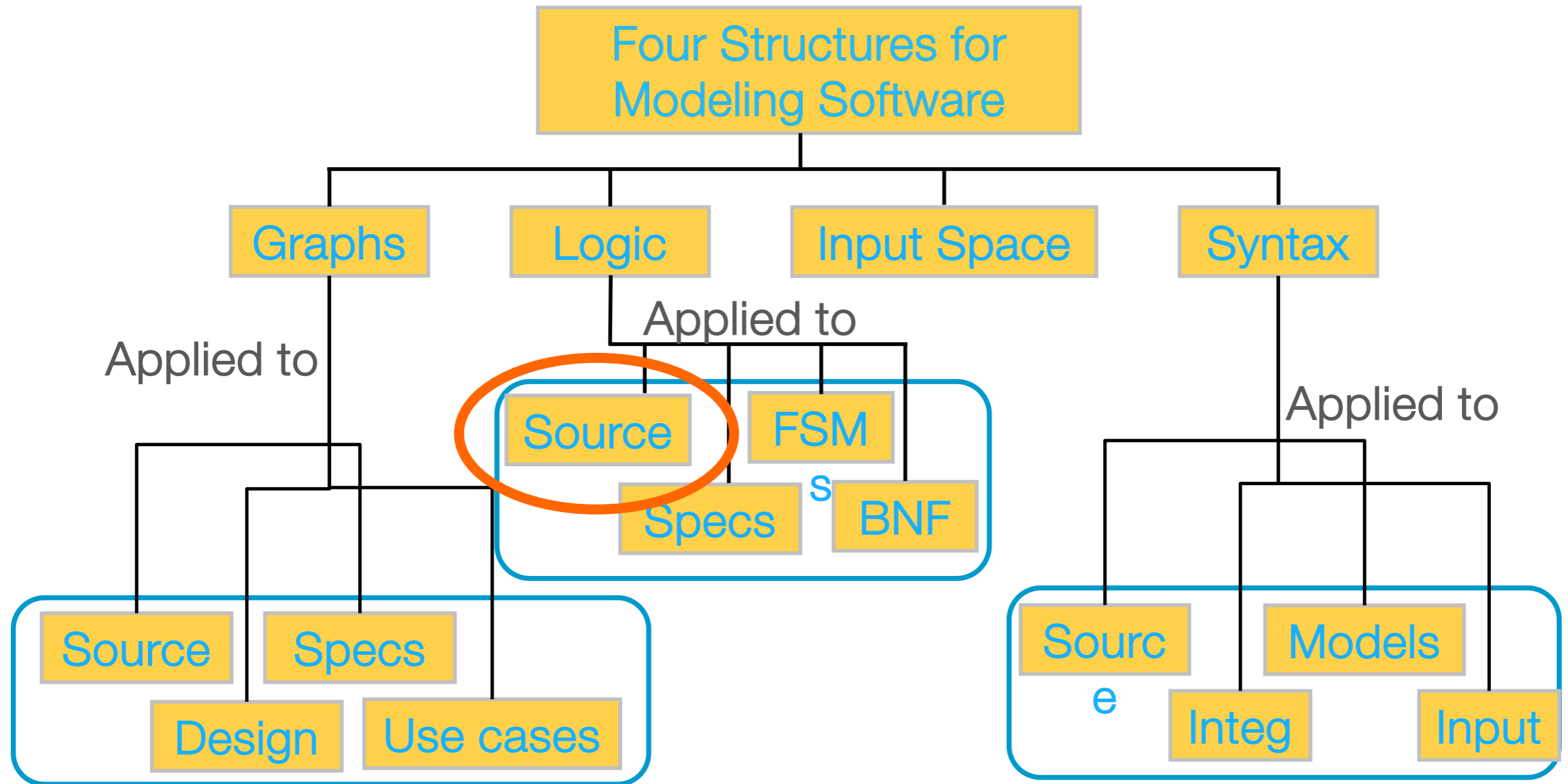
# Exercice

---

```
(nb_prey >= 1 && nb_prey <= 3) &&  
nb_predator == 0)
```

Combien de données de test pour MC/DC?

# Four structures



---

# BLACK BOX CRITERIA

# Black-box criteria

---

- Based only on a functional description of the program
  - the specification
- It captures multiple information
  - input domain
  - usage scenario
  - response time
  - HCI
  - ...

# Black-box criteria: need a model

---

- Textual requirements
- Interface description
  - API
  - GUI
- UML
  - Use cases
  - State machines / sequence diagrams
- Formal specification

# Input domain

---

- Different levels of abstraction
  - type of a method's parameters (API)
  - pre condition on a method
  - set of commands at the system level
  - ...
- Impossible to explore exhaustively
  - Partitioning / limit testing
  - Combinatorial testing
  - Root cause analysis
  - Random generation (fuzzing)



# Input space partitioning

---

- Partition the input domain  $D$ 
  - $B_q = b_1, b_2, \dots, b_Q$
- Blocks must not overlap
  - $\forall i \neq j, b_i, b_j \in B_q, b_i \cap b_j = \emptyset$
- The union of block must cover  $D$ 
  - $\cup b_n = D$
- For testing: choose one value in each block

# Input space modeling

---

- step 1: choose a granularity
  - Example: method, whole system, ...
- step 2: identify all parameters
  - Examples method param. and attributes, all inputs, data, signals for whole system
- step 3: model the input domain
  - Partition and identify relations between data
- step 4: select data and combinations
  - Example: boundary values
  - All combinations impossible

# Exemple

---

- Le programme lit trois nombres réels qui correspondent à la longueur des côtés d'un triangle. Si ces trois nombres ne correspondent pas à un triangle, imprimer un message d'erreur. S'il s'agit d'un triangle, le programme détermine s'il est isocèle, équilatéral ou scalène et si son plus grand angle est aigu, droit ou obtus.

# Exemple (analyse partitionnelle)

---

	<b>aigu</b>	<b>obtus</b>	<b>droit</b>
<b>scalène</b>	<b>6,5,3</b>	<b>5,6,10</b>	<b>3,4,5</b>
<b>isocèle</b>	<b>6,1,6</b>	<b>7,4,4</b>	<b><math>\sqrt{2},2,\sqrt{2}</math></b>
<b>équilatéral</b>	<b>4,4,4</b>	<b>impossible</b>	<b>impossible</b>

# Exemple (test aux limites)

<b>1, 1, 2</b>	<b>non triangle</b>
<b>0, 0, 0</b>	<b>un seul point</b>
<b>4, 0, 3</b>	<b>une des longueurs est nulle</b>
<b>1, 2, 3.00001</b>	<b>presque triangle</b>
<b>0.001, 0.001, 0.001</b>	<b>très petit triangle</b>
<b>88888, 88888, 88888</b>	<b>très grand</b>
<b>3.00001, 3, 3</b>	<b>presque équilatéral</b>
<b>2.99999, 3, 4</b>	<b>presque isocèle</b>
<b>3, 4, 5.00001</b>	<b>presque droit</b>
<b>3, 4, 5, 6</b>	<b>quatre données</b>
<b>3</b>	<b>une seule donnée</b>
<b>5, 5, A</b>	<b>une lettre</b>
	<b>pas de donnée</b>
<b>-3, -3, 5</b>	<b>données négatives</b>
<b>...</b>	

# Combinatorial integration testing

---

- Partitions are identified for each characteristic
- Test input is a combination of characteristics
  - Number of combinations grows with the number of characteristics
- Combinatorial integration testing
  - Select a subset of combinations
  - Focus on specific interactions among values for characteristics

# Combinatorial integration testing

---

- $X_1, \dots, X_n$   $n$  characteristics
- $\forall i \in [1..n] X_i \subset \{V_{i1}, \dots, V_{im}\}$ 
  - $m$  can be different for every  $X_i$
- A test configuration is a set of values for each  $X_i$
- Pairwise testing
  - A set TC of test configurations such that all values for every pair of characteristics are in one configuration
  - $\forall X_j, X_k \mid \forall X_{ja}, X_{kb} \mid \exists c \in TC \mid TC \subset X_{ja}, X_{kb}$
- T-wise
  - Generalization to all tuples of characteristics

# Combinatorial integration testing

---

- Families of algorithm for automatic generation of t-way combinations
  - Greedy algorithms
  - Algebraic approach
  - Meta-heuristic search
- Limited management of constraints
  - E.g. a child will pay only cash



# Fuzzing

- Proposed as a student assignment in 1988
- Feeds a program/function with random input
- Observes the occurrence of undesirable behavior

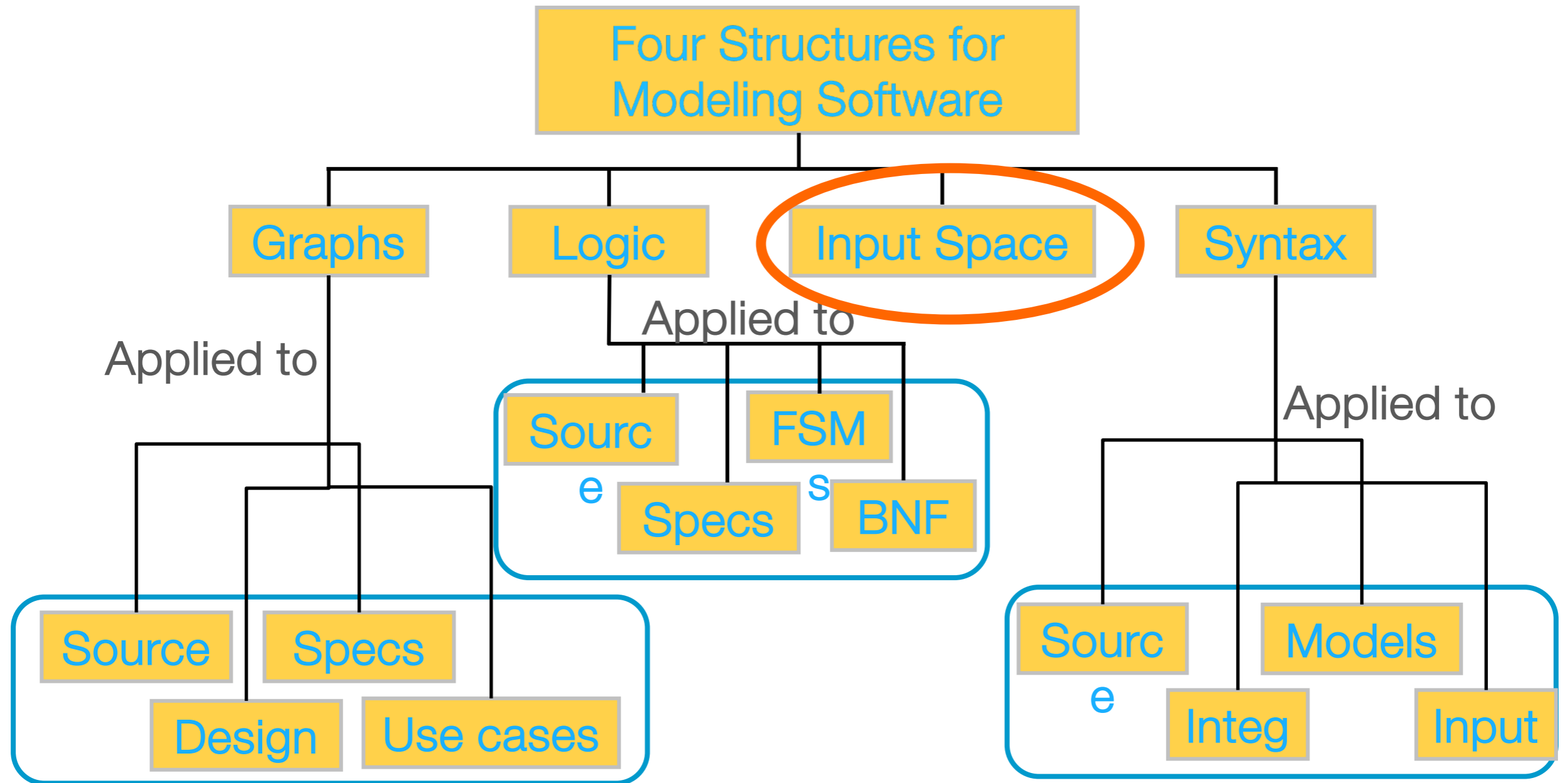
# Fuzzing: What to observe?

- The presence of memory leaks.
- Crashes, (segmentation faults).
- Program performance
- Security issues

# Fuzzers in practice

- AFL (American Fuzzy Loop) <http://lcamtuf.coredump.cx/afl/>
  - Security oriented
  - Finds inputs executing new paths
- jsfunfuzz, Langfuzz
  - More than 300 vulnerabilities in Firefox
- Grammarinator <https://github.com/renatahodovan/grammarinator>
  - Uses ANTLR grammar specifications

# Four structures



# Black-box testing

---

- Other models
  - more sophisticated data model (stub database)
  - GUI model
  - event flow
  - behavioral model

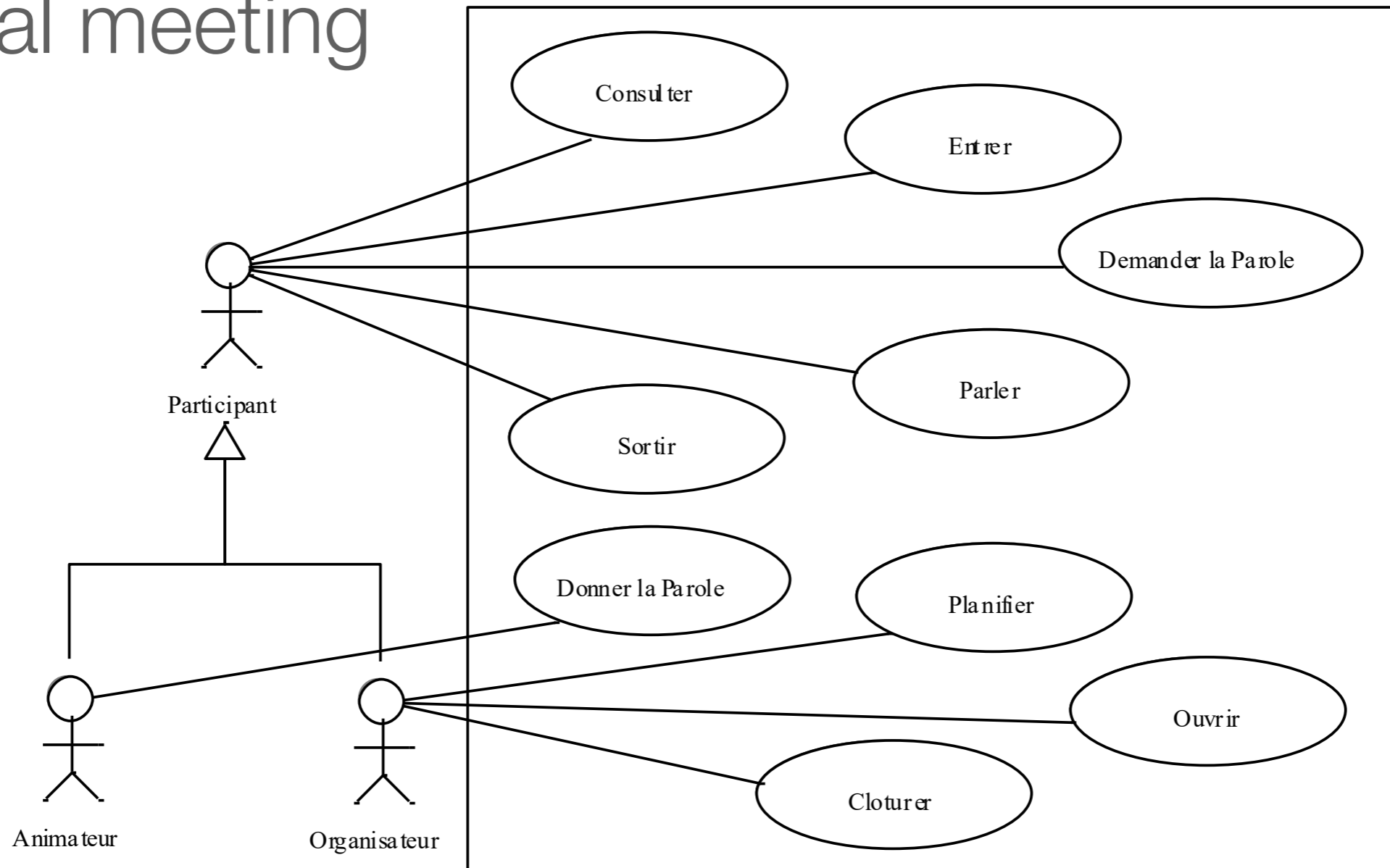
# Data model

---

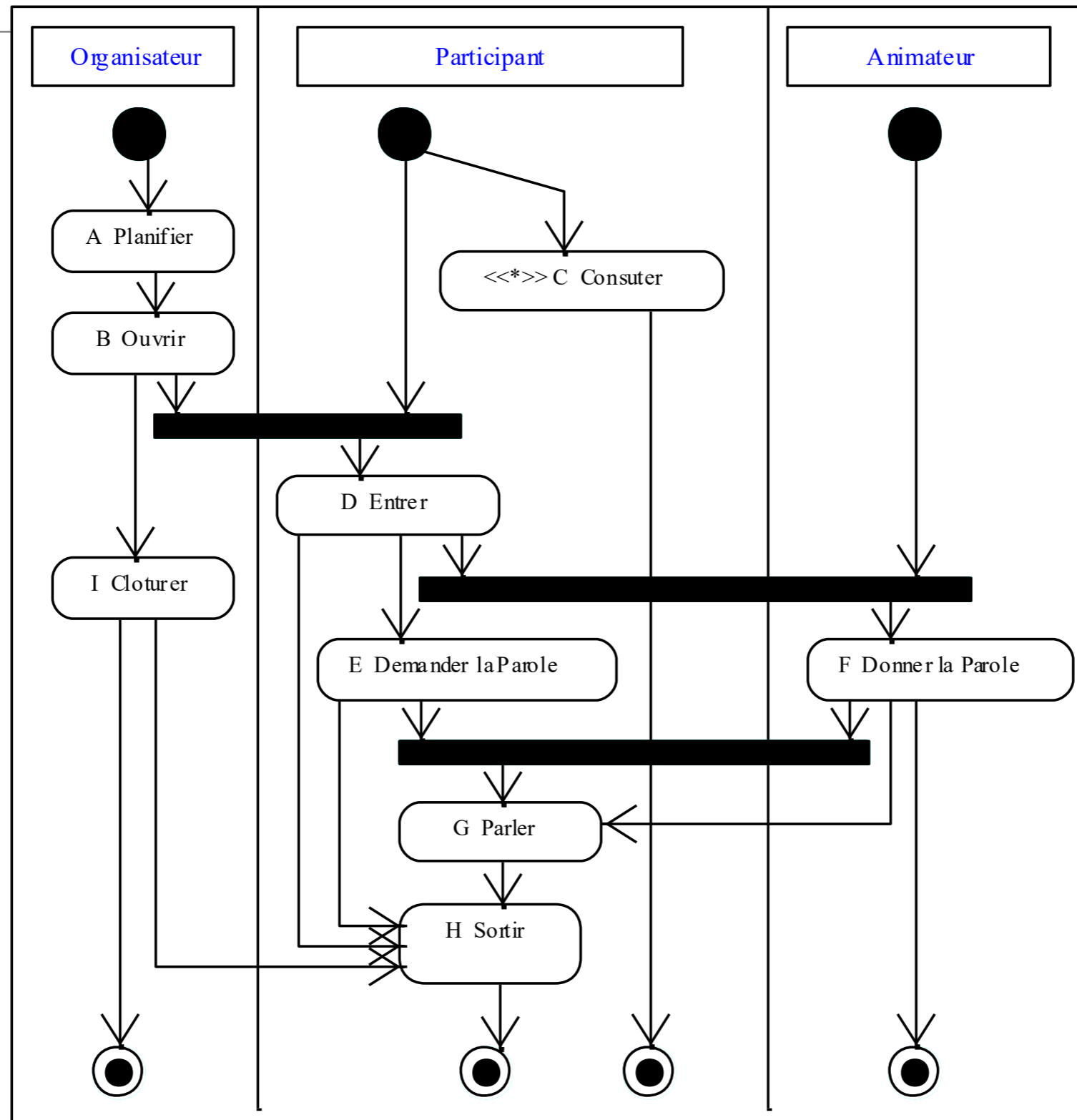
- GEDIS: <http://www.gedis-studio.com/>
- Simulate databases
- Model of data
  - fields
  - values (list, file, etc.)
  - constraints (e.g.: dependencies between values)
- Objectives for the generation
  - number of data
  - profiles on data types

# Behavioral model – example 1

- Virtual meeting

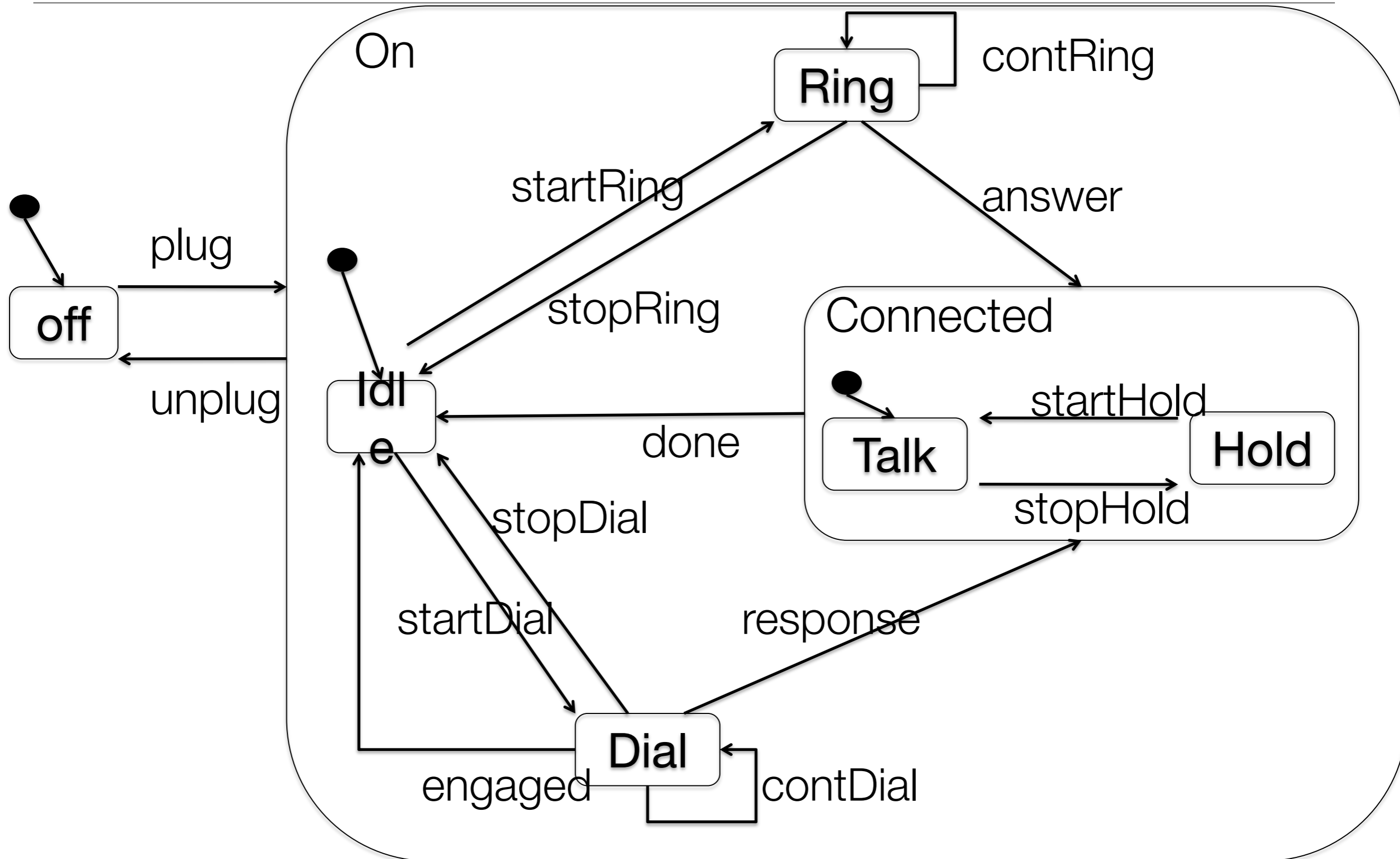


# Behavioral model – example 1

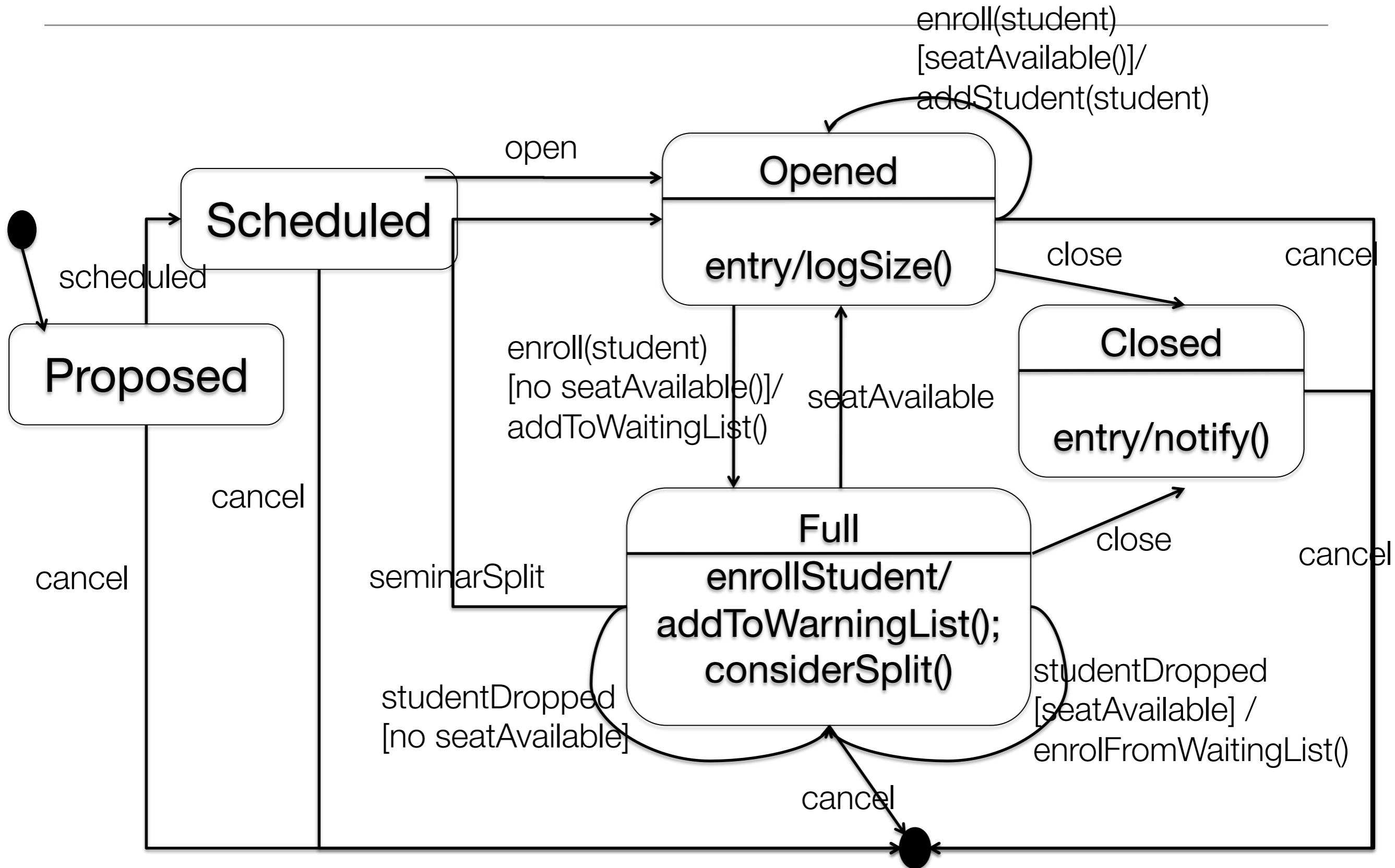




# Behavioral model – example 2



# Behavioral model – example 3



# Behavioral model – example 3

## Seminar

capacity : int  
registered : int

enroll (studentNB : int)  
addStudent (studentNB : int)  
seatAvailable() : Boolean  
addToWarningList (studentNB : int)  
considerSplit()  
studentDropped()  
addToWaitingList()  
logSize()  
notify()  
enrollFromWaitingList (studentNB : int)  
open()  
close()  
cancel()  
schedule()

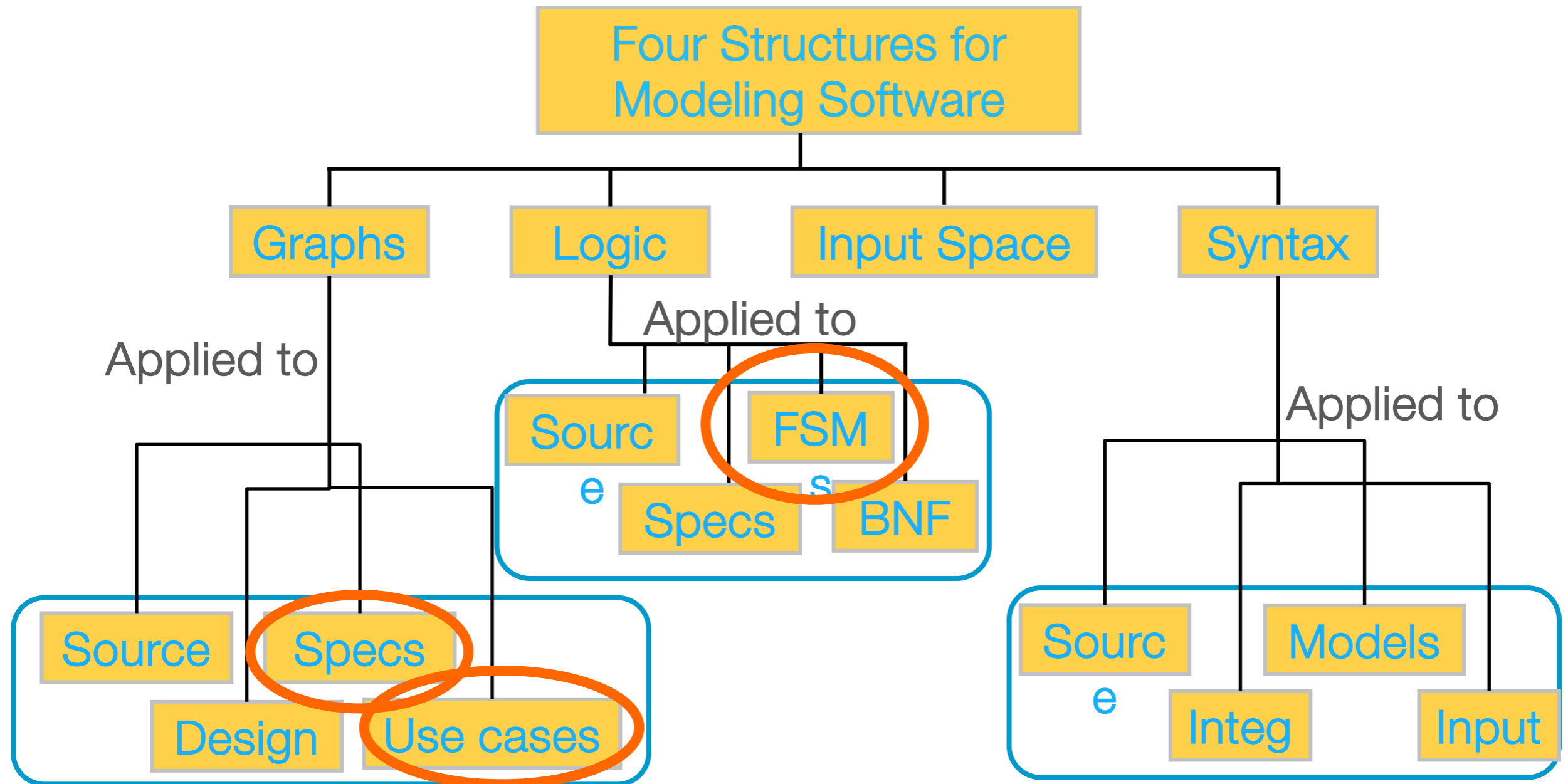
addStudent(studentNB : int)  
post : registered = registered@pre + 1

seatAvailable() : Boolean  
post : result = (registered < capacity)

**s : Seminar**

**capacity = 3**  
**registered = 0**

# Four structures



# Other models - environment

---

- For reactive systems, adaptive systems
- Simulate the environment
  - sequences of events
  - versatile conditions
- Test reaction abilities of the system

# Structurel/fonctionnel: conclusion

---

- Les critères structurels et fonctionnels sont complémentaires
  - une erreur d'omission ne peut pas être détectée par le test structurel
  - du code mort ne peut pas être détecté par le test fonctionnel
- Au niveau unitaire
  - on commence par le test structurel
  - on complète par du test fonctionnel

# Ce qu'il faut en retenir

---

- Aucun critère n'est meilleur qu'un autre
  - ⇒ tous complémentaires
- Par contre :
  - Permet de quantifier la qualité des tests
  - Permet une génération automatique
  - Permet de savoir ce que l'on teste et donc d'automatiser la définition de l'oracle
- Exemple de contrainte (DO178-C)
  - Instruction or statement coverage
  - Decision Coverage
  - MC/DC Coverage